

東京大学（文科） 1976 年 第 1 問

負でない実数 r, l に対して, xy 平面上の曲線

$$y = \begin{cases} x^2 & (0 \leq x \leq r) \\ r^2 & (r \leq x \leq l+r) \\ (x-l-2r)^2 & (l+r \leq x \leq l+2r) \end{cases}$$

を考え, これを x 軸のまわりに回転してできる回転体の体積を V とする。 r^2 と l の和が正の定数 c になるように r と l を変化させるとき, V の最大値を与えるような r と l の値を求めよ。