

前期

文系

2012年度入学試験学力検査問題

数 学

〔 文系学部 90 分 〕

答 案 用 紙 2 枚

注 意

1. 監督員の合図があるまで、問題の内容を見てはいけません。
2. 筆記用具のほか定規、コンパスの使用を認めます。
ただし、分度器の使用は認めません。
3. 受験番号及び氏名は、答案用紙の所定欄に必ず記入してください。

(例) 受験番号 1234567X の場合 →

		1	2	3
4	5	6	7	X

4. 解答には黒鉛筆またはシャープペンシルを使用し、必ず配付された答案用紙に記入してください。
答案用紙には、解答に関係のないことを記入してはいけません。
5. 試験中に不鮮明な印刷等に気付いた時は、手をあげて監督員に申し出てください。
6. 答案用紙を切り取ったり、持ち帰ったりしてはいけません。
7. 問題冊子の余白は利用可能ですが、どのページも切り離してはいけません。
8. 問題冊子は、持ち帰ってください。また、試験終了時刻まで退室できません。

1 1 個のさいころを 5 回振る試行を行うとき、以下の問いに答えなさい。答えのみでなく、理由も述べなさい。

- (1) 3 の倍数の目がそれ以外の目より 1 回だけ多く出る確率を求めなさい。
- (2) 3 の倍数の目がそれ以外の目より 2 回以上多く出る確率を求めなさい。
- (3) 3 の倍数の目が出る回数を x とし、それ以外の目が出る回数を y とする。 $x^2 + y^2$ が最小値をとる確率を求めなさい。

2 実数 m が $m > -1$ を満たすとき、直線 $l: y = mx$ と放物線 $C: y = x^2 - x$ の 2 つの交点を P, Q とする。以下の問いに答えなさい。

- (1) 点 P における C の接線と点 Q における C の接線の交点を R とする。このとき、 R の座標を求めなさい。
- (2) l と C で囲まれた部分の面積を S_1 とし、 $\triangle PQR$ の面積を S_2 とするとき、 $\frac{S_1}{S_2}$ を求めなさい。

- 3 座標平面上で、 x 座標、 y 座標がともに整数である点を格子点という。 n を正の整数として、変数 x, y についての不等式

$$|x| + |y| < n$$

の表す領域内にある格子点 (x, y) の個数を a_n とする。以下の問いに答えなさい。

- (1) a_1, a_2, a_3 を求めなさい。
- (2) $a_{n+1} - a_n$ を n で表しなさい。
- (3) a_n を求めなさい。

- 4 内角がすべて 180° より小さい四角形 ABCD に対し、 $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$, $\vec{b} = \overrightarrow{AD}$ とおく。G は

$$\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} + \overrightarrow{GD} = \vec{0}$$

を満たす点とする。 $\overrightarrow{AC} = s\vec{a} + t\vec{b}$ (s, t は正の実数) と表すとき、以下の問いに答えなさい。

- (1) $\overrightarrow{AG}$ を $\vec{a}, \vec{b}$ と実数 s, t を用いて表しなさい。
- (2) 点 G が線分 BD 上にあるとき、 s と t の満たす関係式を求めなさい。
- (3) s と t が (2) で求めた関係式を満たすとき、線分 AC の中点は線分 BD 上にあることを示しなさい。
- (4) s と t が (2) で求めた関係式を満たすとき、 $\triangle ABD$ と $\triangle BCD$ の面積は等しくなることを示しなさい。

