

2024 年度入学者選抜個別 (第 2 次) 学力検査問題

数 学
(医 学 科)

注 意 事 項

1. 監督者の指示があるまで、この冊子を開いてはいけません。
2. 問題冊子は、全部で 16 ページあります。
3. 解答用紙は、問題冊子と別に印刷されているので、誤らないように注意下さい。
4. 解答用紙には、必ず解答の過程と結果を記入下さい。
5. 解答は、必ず解答用紙の点線より左に記入下さい。
6. 下書は、問題冊子の余白を使用下さい。ただし、切り離してはいけません。
7. 各解答用紙には、受験番号欄が 2 か所ずつあります。それぞれ記入を忘れないこと。
8. 解答用紙は、記入の有無にかかわらず、机上に置き、持ち帰ってはいけません。この冊子は持ち帰り下さい。
9. 落丁または印刷の不鮮明な箇所があれば申し出下さい。

下 書 用 紙 （切り取ってはいけない）

1 n を 2 以上の自然数とする。自然数の組 $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ を解とする方程式

$$(*) \quad a_1 + a_2 + \dots + a_n = a_1 \times a_2 \times \dots \times a_n$$

を考えると、以下の各問いに答えよ。

- (1) $n = 3$ のとき、 $(*)$ の解 (a_1, a_2, a_3) のうち、 $a_1 \leq a_2 \leq a_3$ を満たすものをすべて求めよ。
- (2) $n \geq 3$ のとき、 $(*)$ の任意の解 $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ において、 $a_i = 1$ となる i が少なくとも 1 つ存在することを示せ。
- (3) $(*)$ のある解 $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ において、 $a_i = 1$ となる i がちょうど 2 個存在しているとする。このとき、 n の取り得る値をすべて求めよ。

- 2 xyz 空間において、点 $A(1, 0, 0)$, $B(0, 1, 0)$, $C(-1, 0, 0)$, $D(0, 0, 1)$ をとり、線分 CD の中点を M とする。さらに、 N を線分 BD 上の点とする。また、 z 軸と平行でない直線上の異なる 2 点 $P(x, y, z)$, $Q(x', y', z')$ に対して、

$$\frac{z' - z}{\sqrt{(x' - x)^2 + (y' - y)^2}}$$

をベクトル $\overrightarrow{PQ}$ の勾配と呼ぶ。 $\overrightarrow{AN}$ の勾配を t_1 , $\overrightarrow{NM}$ の勾配を t_2 とするとき、以下の各問いに答えよ。

- (1) $t_2 = 0$ となるように N をとったとき、 t_1 の値を求めよ。
- (2) $l = |\overrightarrow{AN}| + |\overrightarrow{NM}|$ とし、 l が最小となるように N をとったとき、 l の値を求めよ。
- (3) $0 \leq t_2 \leq t_1$ となるように N をとったとき、 N の y 座標を s とする。 s がとり得る値の範囲を求めよ。

3 $f(x)$ を連続関数とするとき、次の各問いに答えよ。

(1) 次の等式を示せ。

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\sin 2x) \sin x \, dx = \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\sin 2x) \cos x \, dx$$

(2) 次の等式を示せ。

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(\sin 2x)(\sin x + \cos x) \, dx = \int_{-1}^1 f(1 - t^2) \, dt$$

(3) 次の定積分の値を求めよ。

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{1 + \sqrt{\sin 2x}} \, dx$$

下 書 用 紙 （切り取ってはいけない）

下 書 用 紙 （切り取ってはいけない）

下 書 用 紙 （切り取ってはいけない）

