

名古屋大学（理系） 2014 年 第 4 問

負でない整数 N が与えられたとき、 $a_1 = N$ 、 $a_{n+1} = \left\lfloor \frac{a_n}{2} \right\rfloor$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) として数列 $\{a_n\}$ を定める。ただし $[a]$ は、実数 a の整数部分 ($k \leq a < k+1$ となる整数 k) を表す。

- (1) $a_3 = 1$ となるような N をすべて求めよ。
 - (2) $0 \leq N < 2^{10}$ をみたす整数 N のうちで、 N から定まる数列 $\{a_n\}$ のある項が 2 となるようなものはいくつあるか。
 - (3) 0 から $2^{100} - 1$ までの 2^{100} 個の整数から等しい確率で N を選び、数列 $\{a_n\}$ を定める。次の条件 (*) をみたす最小の正の整数 m を求めよ。
- (*) 数列 $\{a_n\}$ のある項が m となる確率が $\frac{1}{100}$ 以下となる。