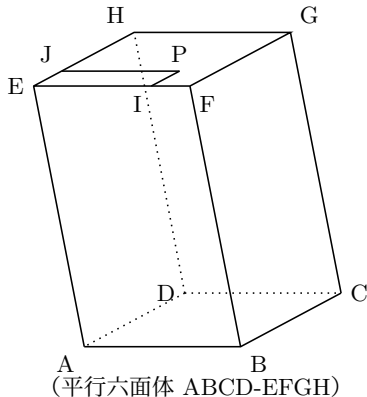


九州大学 (理系) 2002 年 第 4 (A) 問

空間内の図形について次の問いに答えよ。

- (1) $\triangle ABC$ の面積は、 $\frac{1}{2}\sqrt{|\vec{AB}|^2|\vec{AC}|^2 - (\vec{AB} \cdot \vec{AC})^2}$ に等しいことを示せ。ここで、 $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ はベクトル $\vec{AB}$ とベクトル $\vec{AC}$ との内積を表す。必要ならば、2つのベクトルのなす角のコサインと内積の関係式を用いてよい。

- (2) 右図の平行六面体 $ABCD$ - $EFGH$ を考える。
 $|\vec{AB}| = |\vec{AD}| = 1$, $|\vec{AE}| = 2$ とし, $\angle FBC = \angle BCD = \frac{\pi}{2}$, $\angle EAB = \theta$ とする。ここで θ は $0 < \theta < \pi$ なる定数とする。面 $EFGH$ 上に点 P をとり, 点 P から辺 EF 上に垂線 PI を下ろし, 点 P から辺 EH 上に垂線 PJ を下ろす。 $x = |\vec{EI}|$, $y = |\vec{EJ}|$ とするとき, $\triangle ACP$ の面積を θ , x , y を用いて表せ。



- (3) 問 (2) で点 P が面 $EFGH$ 上を動くとき, $\triangle ACP$ の面積の最小値を求めよ。