

入学試験過去問題
数 学

京都大学（文系）

対象年度：2022年

試験時間：120分

問題数：5問

配点：150点

1

(30 点)

$5.4 < \log_4 2022 < 5.5$ であることを示せ. ただし, $0.301 < \log_{10} 2 < 0.3011$ であることは用いてよい.

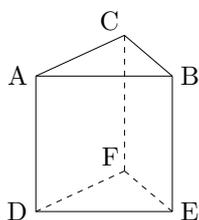
2

(30 点)

下図の三角柱 $ABC-DEF$ において, A を始点として, 辺に沿って頂点を n 回移動する. すなわち, この移動経路

$$P_0 \rightarrow P_1 \rightarrow P_2 \rightarrow \cdots \rightarrow P_{n-1} \rightarrow P_n \quad (\text{ただし } P_0 = A)$$

において, $P_0P_1, P_1P_2, \dots, P_{n-1}P_n$ はすべて辺であるとする. また, 同じ頂点を何度通ってもよいものとする. このような移動経路で, 終点 P_n が A, B, C のいずれかとなるものの総数 a_n を求めよ.



3

(30 点)

xy 平面上の 2 直線 L_1, L_2 は直交し, 交点の x 座標は $\frac{3}{2}$ である. また, L_1, L_2 はともに曲線 $C: y = \frac{x^2}{4}$ に接している. このとき, L_1, L_2 および C で囲まれる図形の面積を求めよ.

4

(30 点)

a, b を正の実数とする. 直線 $L: ax + by = 1$ と曲線 $y = -\frac{1}{x}$ との 2 つの交点のうち, y 座標が正のものを P , 負のものを Q とする. また, L と x 軸との交点を R とし, L と y 軸との交点を S とする. a, b が条件

$$\frac{PQ}{RS} = \sqrt{2}$$

を満たしながら動くとき, 線分 PQ の中点の軌跡を求めよ.

5

(30 点)

四面体 $OABC$ が

$$OA = 4, \quad OB = AB = BC = 3, \quad OC = AC = 2\sqrt{3}$$

を満たしているとする. P を辺 BC 上の点とし, $\triangle OAP$ の重心を G とする. このとき, 次の各問に答えよ.

(1) $\overrightarrow{PG} \perp \overrightarrow{OA}$ を示せ.

(2) P が辺 BC 上を動くとき, PG の最小値を求めよ.

問題は, このページで終わりである。

