

2009年度入学試験問題

数 学 (文系)

150 点満点

《配点は、一般選抜学生募集要項に記載のとおり。》

(注 意)

1. 問題冊子および解答冊子は監督者の指示があるまで開かないこと。
2. 解答冊子は表紙のほかに、解答用ページ、計算用ページ、余白ページがある。
3. 問題は全部で5題ある。
4. 試験開始後、解答冊子の表紙所定欄に学部名・受験番号・氏名をはっきり記入すること。表紙には、これら以外のことを書いてはならない。
5. 解答は問題番号に対応する解答用ページに書くこと。それ以外のページに書かれたものは採点の対象としない。ただし、解答用ページに続き方をはっきり示した場合は、見開きの隣接する計算用ページを解答用ページの続きとして使用してもよい。その場合は、解答用ページに「計算用ページに続く」旨が明示されたときに限って、計算用ページに書かれているものを解答の一部として採点する。なお、他のページに書かれたものは採点の対象とはならないので注意すること。
6. 解答に関係のないことを書いた答案は無効にすることがある。なお、計算用ページおよび余白ページに書かれた解答のための下書き、計算などは、消さずに残しておいてもよい。
7. 解答冊子は、どのページも切り離してはならない。
8. 問題冊子は持ち帰ってもよいが、解答冊子は持ち帰ってはならない。

1

(30 点)

次の各問にそれぞれ答えよ.

問 1 xyz 空間上の 2 点 $A(-3, -1, 1)$, $B(-1, 0, 0)$ を通る直線 ℓ に点 $C(2, 3, 3)$ から下ろした垂線の足 H の座標を求めよ.

問 2 白球と赤球の入った袋から 2 個の球を同時に取り出すゲームを考える. 取り出した 2 球がともに白球ならば「成功」でゲームを終了し, そうでないときは「失敗」とし, 取り出した 2 球に赤球を 1 個加えた 3 個の球を袋にもどしてゲームを続けるものとする. 最初に白球が 2 個, 赤球が 1 個袋に入っていたとき, $n-1$ 回まで失敗し n 回目に成功する確率を求めよ. ただし $n \geq 2$ とする.

2

(30 点)

整式 $f(x)$ と実数 C が

$$\int_0^x f(y) dy + \int_0^1 (x+y)^2 f(y) dy = x^2 + C$$

をみたすとき, この $f(x)$ と C を求めよ.

3

(30 点)

x, y は $x \neq 1, y \neq 1$ をみたす正の数で, 不等式

$$\log_x y + \log_y x > 2 + (\log_x 2)(\log_y 2)$$

をみたすとする. このとき x, y の組 (x, y) の範囲を座標平面上に図示せよ.

4

(30 点)

平面上で、鋭角三角形 $\triangle OAB$ を辺 OB に関して折り返して得られる三角形を $\triangle OBC$, $\triangle OBC$ を辺 OC に関して折り返して得られる三角形を $\triangle OCD$, $\triangle OCD$ を辺 OD に関して折り返して得られる三角形を $\triangle ODE$ とする. $\triangle OAB$ と $\triangle OBE$ の面積比が $2:3$ のとき, $\sin \angle AOB$ の値を求めよ.

5

(30 点)

p を素数, n を正の整数とすると, $(p^n)!$ は p で何回割り切れるか.

問題は、このページで終わりである。

