

1980年度入学試験問題

数 学 (文系)

150 点満点

《配点は、一般選抜学生募集要項に記載のとおり。》

(注 意)

1. 問題冊子および解答冊子は監督者の指示があるまで開かないこと。
2. 解答冊子は表紙のほかに、解答用ページ、計算用ページ、余白ページがある。
3. 問題は全部で5題ある。
4. 試験開始後、解答冊子の表紙所定欄に学部名・受験番号・氏名をはっきり記入すること。表紙には、これら以外のことを書いてはならない。
5. 解答は問題番号に対応する解答用ページに書くこと。それ以外のページに書かれたものは採点の対象としない。ただし、解答用ページに続き方をはっきり示した場合は、見開きの隣接する計算用ページを解答用ページの続きとして使用してもよい。その場合は、解答用ページに「計算用ページに続く」旨が明示されたときに限って、計算用ページに書かれているものを解答の一部として採点する。なお、他のページに書かれたものは採点の対象とはならないので注意すること。
6. 解答に関係のないことを書いた答案は無効にすることがある。なお、計算用ページおよび余白ページに書かれた解答のための下書き、計算などは、消さずに残しておいてもよい。
7. 解答冊子は、どのページも切り離してはならない。
8. 問題冊子は持ち帰ってもよいが、解答冊子は持ち帰ってはならない。

1

(30 点)

2つの行列 $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ だけを使い, 乗法で得られる行列 (A , B いずれも何回も使ってよい) 全部を求めよ.

2

(30 点)

凸四辺形 $ABCD$ の辺 AB , BC , CD , DA 上をそれぞれ一定速度で動く動点 P , Q , R , S が, 時刻 $t = 0$ のときそれぞれ A , B , C , D を出発し, 時刻 $t = 1$ のときそれぞれ B , C , D , A に達するものとする. 四辺形 $PQRS$ の面積を t ($0 \leq t \leq 1$) の関数として表せ. またこの関数の最小値について調べよ.

3

(30 点)

$f(x)$ が n 次の多項式で $n \geq 2$ であるとき, $f(x) + f(x+1) - 2 \int_0^1 f(x+t) dt$ は $n-2$ 次であることを示せ.

4

(30 点)

A 君は次のように考えた.

「サイコロを 6 回ふることにする. $m = 1, 2, 3, 4, 5, 6$ のおのこのについて, m 回目に 1 の目が出る確率は $\frac{1}{6}$ である. したがって, 6 回のうちに少なくとも 1 回 1 の目が出る確率は

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = 1$$

である. すなわち, サイコロを 6 回ふれば少なくとも 1 回は 1 の目が出る.」

A 君の考えは正しいかどうかをいえ. もし正しくないならば, 誤りの原因を, なるべく簡潔に指摘せよ.

5

(30 点)

互いに異なる n 個 ($n \geq 3$) の正の数の集合 $S = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ が次の性質をもつという.

「 S から相異なる要素 a_i, a_j をとれば $a_i - a_j, a_j - a_i$ の少なくとも一方は必ず S に属する」

このとき, $a_1, a_2, \dots, a_n$ の順序を適当に変えれば等差数列になることを示せ.

問題は, このページで終わりである。

