

1979年度入学試験問題

数 学 (文系)

150 点満点

《配点は、一般選抜学生募集要項に記載のとおり。》

(注 意)

1. 問題冊子および解答冊子は監督者の指示があるまで開かないこと。
2. 解答冊子は表紙のほかに、解答用ページ、計算用ページ、余白ページがある。
3. 問題は全部で5題ある。
4. 試験開始後、解答冊子の表紙所定欄に学部名・受験番号・氏名をはっきり記入すること。表紙には、これら以外のことを書いてはならない。
5. 解答は問題番号に対応する解答用ページに書くこと。それ以外のページに書かれたものは採点の対象としない。ただし、解答用ページに続き方をはっきり示した場合は、見開きの隣接する計算用ページを解答用ページの続きとして使用してもよい。その場合は、解答用ページに「計算用ページに続く」旨が明示されたときに限って、計算用ページに書かれているものを解答の一部として採点する。なお、他のページに書かれたものは採点の対象とはならないので注意すること。
6. 解答に関係のないことを書いた答案は無効にすることがある。なお、計算用ページおよび余白ページに書かれた解答のための下書き、計算などは、消さずに残しておいてもよい。
7. 解答冊子は、どのページも切り離してはならない。
8. 問題冊子は持ち帰ってもよいが、解答冊子は持ち帰ってはならない。

1

(30 点)

平面上に 6 つの定点 $A_1, A_2, A_3, A_4, A_5, A_6$ があって, どの 3 点も一直線上にはない. この 6 点のうちから 3 点を任意にえらぶ. えらんだ 3 点を頂点とする三角形の重心と, 残りの 3 点を頂点とする三角形の重心とを通る直線は, 3 点のえらびかたに無関係な一定の点を通ることを示せ.

2

(30 点)

$f(x) = 1 + 2 \cos x + 3 \sin x$ とする. すべての x に対して $af(x) + bf(x - c) = 1$ が成り立つように, 定数 a, b, c を定めよ.

3

(30 点)

下記の表のように, 次の規則によって数列を順に並べる.

(ア) 第 1 行は 1, 1, 1, 1 である.

(イ) 第 2 行以下では, 左右両端の数は 1 であり, その他の数は左上の数と右上の数の和である.

第 n 行の数列を ${}_nA_0, {}_nA_1, \dots, {}_nA_k, \dots, {}_nA_{n+2}$ とかけば

$$(1 + x^2)(1 + x)^n = \sum_{k=0}^{n+2} {}_nA_k x^k$$

が成り立つことを示せ.

(第 1 行)		1		1		1		1					
(第 2 行)		1		2		2		2		1			
(第 3 行)		1		3		4		4		3		1	
(第 4 行)	1		4		7		8		7		4		1

4

(30 点)

2 人の人が 1 つのサイコロを 1 回ずつふり、大きい目を出した方を勝ちとすることにした。ただし、このサイコロは必ずしも正しいものではなく、 k の目の出る確率は p_k である ($k = 1, 2, 3, 4, 5, 6$)。このとき

(1) 引き分けになる確率 P を求めよ。

(2) $P \geq \frac{1}{6}$ であることを示せ。また、 $P = \frac{1}{6}$ ならば $p_k = \frac{1}{6}$ である ($k = 1, 2, 3, 4, 5, 6$) ことを示せ。

5

(30 点)

$\frac{2^n}{n} > n$ をみたす自然数 n の範囲を求めよ。

問題は、このページで終わりである。

