

京都大学（理系） 2020 年 第 3 問

k を正の実数とする．座標空間において，原点 O を中心とする半径 1 の球面上の 4 点 A, B, C, D が次の関係式を満たしている．

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OC} \cdot \overrightarrow{OD} = \frac{1}{2},$$

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} = -\frac{\sqrt{6}}{4},$$

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OD} = \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OD} = k.$$

このとき， k の値を求めよ．ただし，座標空間の点 X, Y に対して， $\overrightarrow{OX} \cdot \overrightarrow{OY}$ は， $\overrightarrow{OX}$ と $\overrightarrow{OY}$ の内積を表す．