

入学試験過去問題

数 学

神戸大学（文科系）

対象年度：2020 年

試験時間：80 分

問題数：3 問

第 1 問

a, b, c, p は実数とし, $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ は $(x - p)^2$ で割り切れるとする. 以下の問に答えよ.

- (1) b, c を a, p を用いて表せ.
- (2) $f(x)$ の導関数 $f'(x)$ は, $f'\left(p + \frac{4}{3}\right) = 0$ をみたすとする. a を p を用いて表せ.
- (3) (2) の条件のもとで $p = 0$ とする. 曲線 $y = f(x)$ と $y = f'(x)$ の交点を x 座標が小さい方から順に A, B, C とし, 線分 AB と曲線 $y = f'(x)$ で囲まれた部分の面積を S_1 , 線分 BC と曲線 $y = f'(x)$ で囲まれた部分の面積を S_2 とする. このとき, $S_1 + S_2$ の値を求めよ.

第 2 問

n を自然数とし、数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ を次の (i), (ii) で定める.

- (i) $a_1 = b_1 = 1$ とする.
- (ii) $f_n(x) = a_n(x+1)^2 + 2b_n$ とし、 $-2 \leq x \leq 1$ における $f_n(x)$ の最大値を a_{n+1} , 最小値を b_{n+1} とする.

以下の問に答えよ.

- (1) すべての自然数 n について $a_n > 0$ かつ $b_n > 0$ であることを示せ.
- (2) 数列 $\{b_n\}$ の一般項を求めよ.
- (3) $c_n = \frac{a_n}{2^n}$ とおく. 数列 $\{c_n\}$ の一般項を求めよ.

第 3 問

以下の問に答えよ.

- (1) 和が 30 になる 2 つの自然数からなる順列の総数を求めよ.
- (2) 和が 30 になる 3 つの自然数からなる順列の総数を求めよ.
- (3) 和が 30 になる 3 つの自然数からなる組合せの総数を求めよ.